

Задание 1. Привести уравнения данных гармонических колебаний

$$y = (m - k + 1) \sin(m + k + 2)x + (m - k - 1) \cos(m + k + 2)x$$

к виду  $y = A \sin[(m + k + 2)x + \varphi]$

Найти амплитуду  $A$ , фазу  $\varphi$ , период гармоника и построить ее график

Предпоследняя цифра  $m = 8$

Последняя цифра  $k = 4$

Решение  $a = m - k + 1 = 8 - 4 + 1 = 5$

$\therefore$   $b = m - k - 1 = 8 - 4 - 1 = 3$

Амплитуда  $A = \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{5^2 + 3^2} = 5.831$

$$\varphi = \arctg \frac{b}{a} = \arctg \frac{3}{5}$$

$$\varphi = \arctg \frac{3}{5}$$

$$\varphi = 30.964^\circ$$

$$\sin \varphi = \frac{b}{A} = \frac{3}{5.831} = 0.514$$

$$\cos \varphi = \frac{a}{A} = \frac{5}{5.831} = 0.857$$

$$T = \frac{2\pi}{m + k + 2} = \frac{2\pi}{8 + 4 + 2} = 0.4488 \quad T = 25.714^\circ$$

$$\omega = m + k + 2 = 8 + 4 + 2 = 14$$

тогда  $y = A \sin(\omega x + \varphi) = 5.831 \sin(14x + 31.0^\circ)$

От графика функции  $y = \sin(x)$  перейдем к графику функции  $y = 5.831 \sin(14x + 31.0^\circ)$  с помощью последовательной цепочки преобразований:

$$y_1(x) = \sin(x)$$

$$y_2(x) = \sin(\omega x) = \sin(14x)$$

$$y_3(x) = A \sin(\omega x) = 5.831 \sin(14x)$$

$$y_4(x) = A \sin(\omega x + \varphi) = 5.831 \sin(31.0^\circ + 14x)$$

$$y_4 = 5.831 \sin[14(x + 2.214)]$$

1. Строим одну волну синусоиды  $y_1 = \sin(x)$ .

2. Строим график функции  $y_2(x) = \sin(14x)$ , которая имеет период  $T = 25.714^\circ$ , т.е. сжимаем функцию  $y_1$  в  $\omega = 14$  раз

3. Увеличиваем ординаты графика  $y_2$  в  $A = 5.831$  раз получаем график функции  $y_3(x) = 5.831 \sin(14x)$

4. сдвигаем график функции  $y_3$  на  $|\varphi| = 2.214^\circ$  влево вдоль оси  $x$

