

Задание 1. Привести уравнения данных гармонических колебаний

$$y = (m - k + 1) \sin(m + k + 2)x + (m - k - 1) \cos(m + k + 2)x$$

к виду  $y = A \sin[(m + k + 2)x + \varphi]$

Найти амплитуду  $A$ , фазу  $\varphi$ , период гармоники и построить ее график

Предпоследняя цифра  $m = 5$

Последняя цифра  $k = 3$

Решение  $a = m - k + 1 = 5 - 3 + 1 = 3$

$\therefore$   $b = m - k - 1 = 5 - 3 - 1 = 1$

Амплитуда  $A = \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{3^2 + 1^2} = 3.162$

$$\varphi = \operatorname{arctg} \frac{b}{a} = \operatorname{arctg} \frac{1}{3}$$

$$\varphi = \operatorname{arctg} \frac{1}{3}$$

$$\varphi = 18.435^\circ$$

$$\sin \varphi = \frac{b}{A} = \frac{1}{3.162} = 0.316$$

$$\cos \varphi = \frac{a}{A} = \frac{3}{3.162} = 0.949$$

$$T = \frac{2\pi}{m + k + 2} = \frac{2\pi}{5 + 3 + 2} = 0.62832 \quad T = 36^\circ$$

$$\omega = m + k + 2 = 5 + 3 + 2 = 10$$

тогда  $y = A \sin(\omega x + \varphi) = 3.162 \sin(10x + 18.5^\circ)$

От графика функции  $y = \sin(x)$  перейдем к графику функции  $y = 3.162 \sin(10x + 18.5^\circ)$  с помощью последовательной цепочки преобразований:

$$y_1(x) = \sin(x)$$

$$y_2(x) = \sin(\omega x) = \sin(10x)$$

$$y_3(x) = A \sin(\omega x) = 3.162 \sin(10x)$$

$$y_4(x) = A \sin(\omega x + \varphi) = 3.162 \sin(18.5^\circ + 10x)$$

$$y_4 = 3.162 \sin[10(x + 1.85)]$$

1. Строим одну волну синусоиды  $y_1 = \sin(x)$ .

2. Строим график функции  $y_2(x) = \sin(10x)$ , которая имеет период  $T = 36^\circ$ , т.е. сжимаем функцию  $y_1$  в  $\omega = 10$  раз

3. Увеличиваем ординаты графика  $y_2$  в  $A = 3.162$  раз получаем график функции  $y_3(x) = 3.162 \sin(10x)$

4. сдвигаем график функции  $y_3$  на  $|\varphi| = 1.85^\circ$  влево вдоль оси  $x$

