

Задание 1. Привести уравнения данных гармонических колебаний

$$y = (m - k + 1) \sin(m + k + 2)x + (m - k - 1) \cos(m + k + 2)x$$

к виду $y = A \sin[(m + k + 2)x + \varphi]$

Найти амплитуду A , фазу φ , период гармоники и построить ее график

Предпоследняя цифра $m = 3$

Последняя цифра $k = 8$

Решение $a = m - k + 1 = 3 - 8 + 1 = -4$

:

$$b = m - k - 1 = 3 - 8 - 1 = -6$$

Амплитуда $A = \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{(-4)^2 + (-6)^2} = 7.211$

$$\varphi = \arctg \frac{b}{a} = \arctg \frac{-6}{-4}$$

$$\varphi = \arctg \frac{b}{a} - \pi$$

$$\varphi = -123.69^\circ$$

$$\sin \varphi = \frac{b}{A} = \frac{-6}{7.211} = -0.832$$

$$\cos \varphi = \frac{a}{A} = \frac{-4}{7.211} = -0.555$$

$$T = \frac{2\pi}{m + k + 2} = \frac{2\pi}{3 + 8 + 2} = 0.48332 \quad T = 27.692^\circ$$

$$\omega = m + k + 2 = 3 + 8 + 2 = 13$$

тогда $y = A \sin(\omega x + \varphi) = 7.211 \sin(13x + -124.0^\circ)$

От графика функции $y = \sin(x)$ перейдем к графику функции $y = 7.211 \sin(13x + -124.0^\circ)$ с помощью последовательной цепочки преобразований:

$$y_1(x) = \sin(x)$$

$$y_2(x) = \sin(\omega x) = \sin(13x)$$

$$y_3(x) = A \sin(\omega x) = 7.211 \sin(13x)$$

$$y_4(x) = A \sin(\omega x + \varphi) = 7.211 \sin(-124.0^\circ + 13x)$$

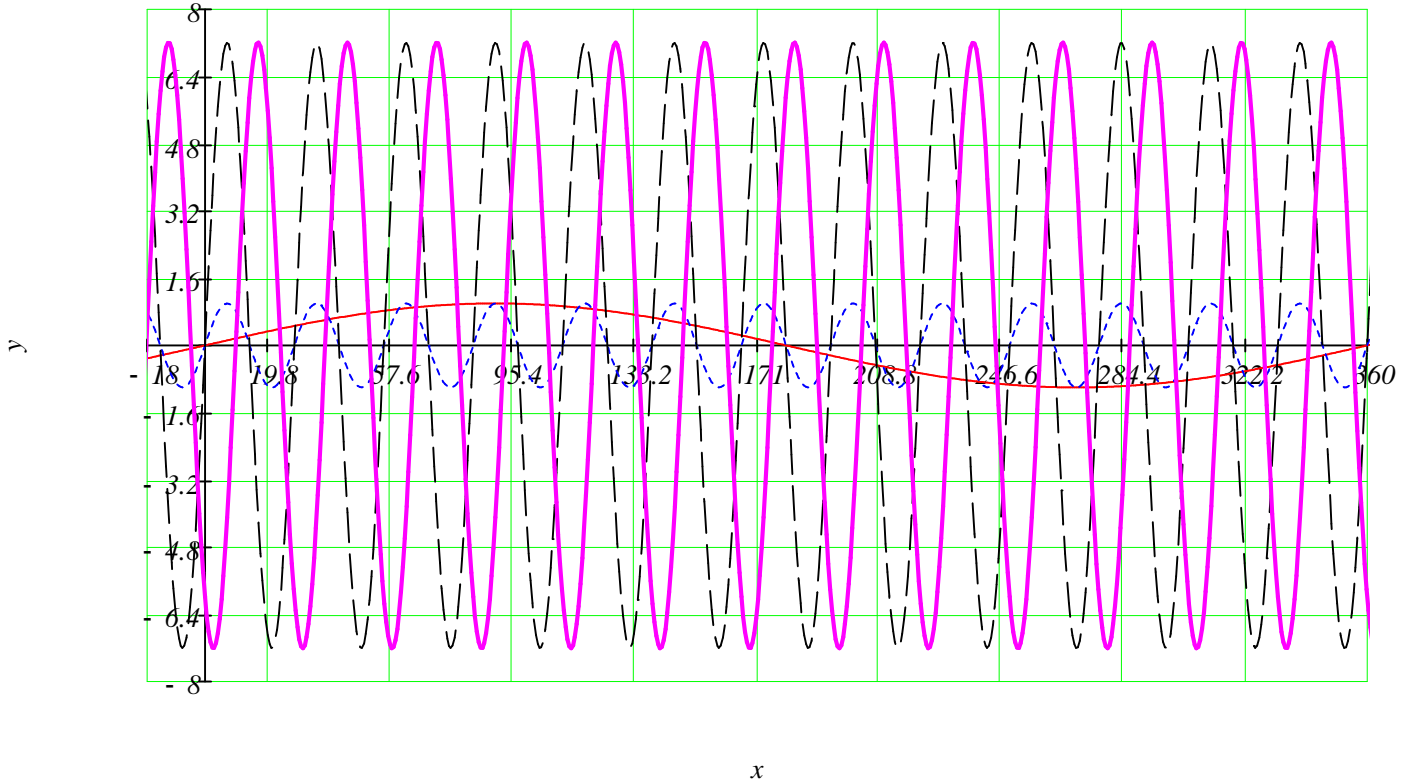
$$y_4 = 7.211 \sin[13(x + -9.538)]$$

1. Строим одну волну синусоиды $y_1 = \sin(x)$.

2. Строим график функции $y_2(x) = \sin(13x)$, которая имеет период $T = 27.692^\circ$, т.е. сжимаем функцию y_1 в $\omega = 13$ раз

3. Увеличиваем ординаты графика y_2 в $A = 7.211$ раз получаем график функции $y_3(x) = 7.211 \sin(13x)$

4. сдвигаем график функции y_3 на $|\varphi| = 9.538^\circ$ вправо вдоль оси x



- $y_1(x)$
- - - $y_2(x)$
- - - $y_3(x)$
- $y_3(x)$