

Задание 1. Привести уравнения данных гармонических колебаний

$$y = (m - k + 1) \sin(m + k + 2)x + (m - k - 1) \cos(m + k + 2)x$$

к виду  $y = A \sin[(m + k + 2)x + \varphi]$

Найти амплитуду  $A$ , фазу  $\varphi$ , период гармоники и построить ее график

Предпоследняя цифра  $m = 0$

Последняя цифра  $k = 5$

Решение  $a = m - k + 1 = 0 - 5 + 1 = -4$

$\therefore$   $b = m - k - 1 = 0 - 5 - 1 = -6$

Амплитуда  $A = \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{(-4)^2 + (-6)^2} = 7.211$

$$\varphi = \operatorname{arctg} \frac{b}{a} = \operatorname{arctg} \frac{-6}{-4}$$

$$\varphi = \operatorname{arctg} \frac{b}{a} - \pi$$

$$\varphi = -123.69^\circ$$

$$\sin \varphi = \frac{b}{A} = \frac{-6}{7.211} = -0.832$$

$$\cos \varphi = \frac{a}{A} = \frac{-4}{7.211} = -0.555$$

$$T = \frac{2\pi}{m+k+2} = \frac{2\pi}{0+5+2} = 0.8976 \quad T = 51.429^\circ$$

$$\omega = m + k + 2 = 0 + 5 + 2 = 7$$

тогда  $y = A \sin(\omega x + \varphi) = 7.211 \sin(7x + -124.0^\circ)$

От графика функции  $y = \sin(x)$  перейдем к графику функции  $y = 7.211 \sin(7x + -124.0^\circ)$  с помощью последовательной цепочки преобразований:

$$y_1(x) = \sin(x)$$

$$y_2(x) = \sin(\omega x) = \sin(7x)$$

$$y_3(x) = A \sin(\omega x) = 7.211 \sin(7x)$$

$$y_4(x) = A \sin(\omega x + \varphi) = 7.211 \sin(-124.0^\circ + 7x)$$

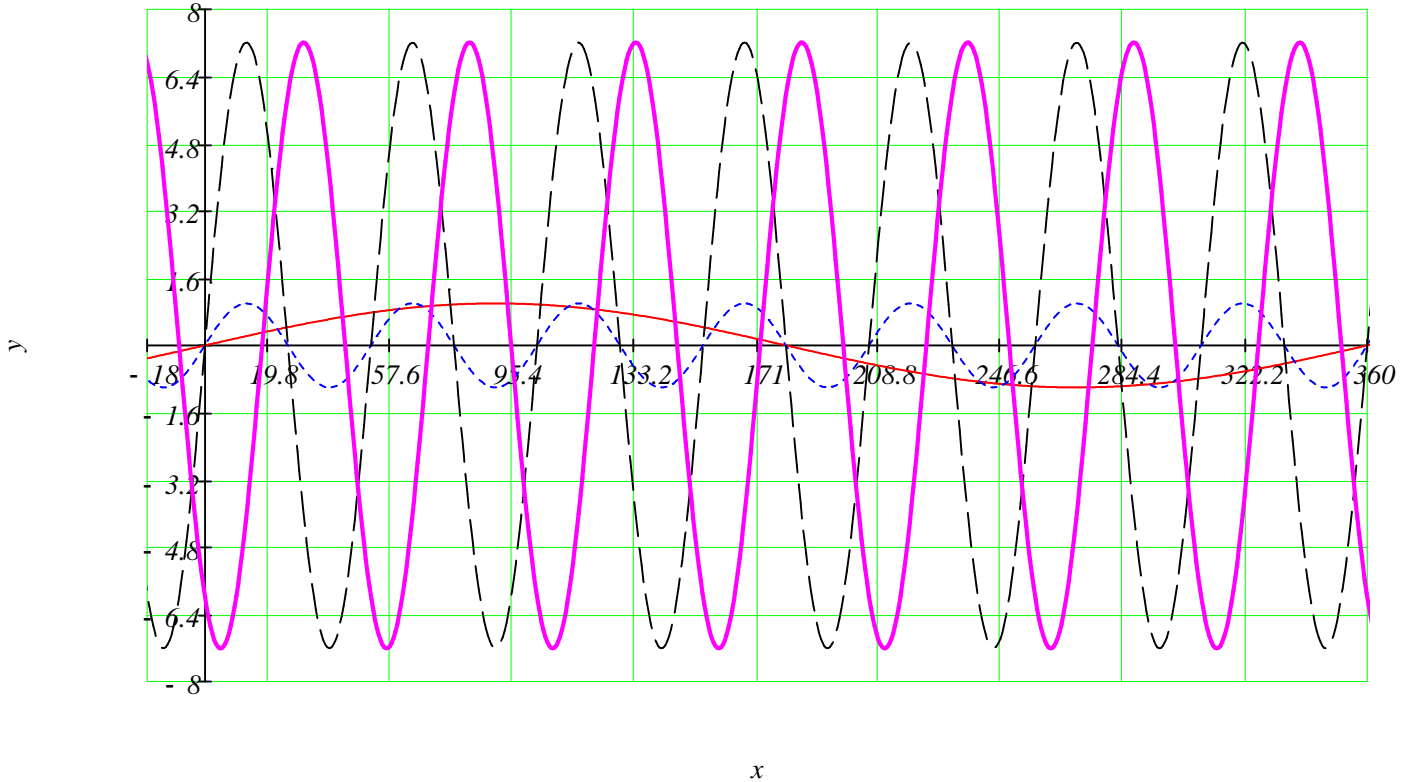
$$y_4 = 7.211 \sin[7(x + -17.71)]$$

1. Строим одну волну синусоиды  $y_1 = \sin(x)$ .

2. Строим график функции  $y_2(x) = \sin(7x)$ , которая имеет период  $T = 51.429^\circ$ , т.е. сжимаем функцию  $y_1$  в  $\omega = 7$  раз

3. Увеличиваем ординаты графика  $y_2$  в  $A = 7.211$  раз получаем график функции  $y_3(x) = 7.211 \sin(7x)$

4. сдвигаем график функции  $y_3$  на  $|\varphi| = 17.714^\circ$  право вдоль оси  $x$



- $y_1(x)$
- - -  $y_2(x)$
- - -  $y_3(x)$
- $y_3(x)$