## 11. Вычислить массу материальной пластинки треугольной формы с вершинами O,A,B, поверхностная плотность которой в точке M равна $\delta$ .

nредпоследняя цифра студенческого n=6

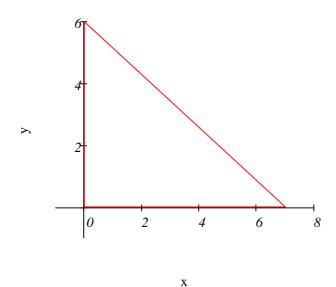
последняя цифра студенческого k=5

Получим координаты точек

Закон распределения плотности вещевства пластинки

$$\delta(x, y) = x + y$$

Решение: изобразим пластинку на плоскости ХОҮ:



Масса неоднородной пластинки выражается через двойной интеграл по формуле

$$m = \begin{cases} 6 & 6 \\ 8 & 6 \end{cases} \quad \delta(x, y) \, dx \, dy$$

(D) В нашем случае область D - треугольник ОАВ,  $\delta(x,y) = x + y$ 

Запишем уравнение прямой АВ, используя уравнение прямой в отрезках;

$$\frac{x}{7} + \frac{y}{6} = 1$$
 откуда получим

$$y(x) = 6 - \frac{6x}{7}$$

область D задается как решение системы неравенств D:

$$\begin{cases}
0 £ x £ 7 \\
0 £ y £ . 6 - \frac{6x}{7}
\end{cases}$$

Вычислим массу т, переходя от двойного к повторному интегралу:

$$m = \stackrel{\circ}{\overset{\circ}{0}} \stackrel{\circ}{\overset{\circ}{$$

$$= \frac{3x^2}{7} - \frac{8x^3}{49} + 18x$$

$$= \frac{3 \cdot 7^{2}}{7} - \frac{8 \cdot 7^{3}}{49} + 18 \cdot 7 - \stackrel{\bigcirc}{\text{C}} \frac{\cancel{3}}{7} - \frac{8 \cdot 0^{3}}{49} + 18 \cdot \stackrel{\bigcirc}{0} = 91$$