11. Вычислить массу материальной пластинки треугольной формы с вершинами O,A,B, поверхностная плотность которой в точке M равна δ .

nредпоследняя цифра студенческого n=5

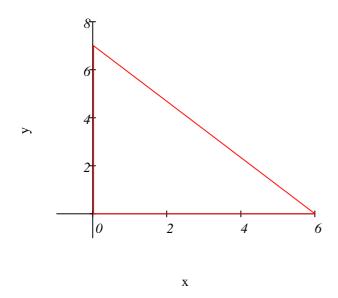
последняя цифра студенческого k=6

Получим координаты точек

Закон распределения плотности вещевства пластинки

$$\delta(x, y) = x + y$$

Решение: изобразим пластинку на плоскости ХОҮ:



Масса неоднородной пластинки выражается через двойной интеграл по формуле

$$m = \begin{cases} 6 & 6 \\ \hat{8} & \hat{8} \end{cases} \delta(x, y) dx dy$$

(D) В нашем случае область D - треугольник ОАВ, $\delta(x,y) = x + y$

Запишем уравнение прямой АВ, используя уравнение прямой в отрезках;

$$\frac{x}{6} + \frac{y}{7} = 1$$
 откуда получим

$$y(x) = 7 - \frac{7x}{6}$$

область D задается как решение системы неравенств D:

$$\begin{cases}
0 £ x £ 6 \\
0 £ y £ . 7 - \frac{7x}{6}
\end{cases}$$

Вычислим массу т, переходя от двойного к повторному интегралу:

$$m = \overset{\circ}{\overset{\circ}{0}} \overset{\circ}{\overset{\circ}{\overset{\circ}{0}}} \overset{\circ}{\overset{\circ}{0}} \overset{\circ}{0}} \overset{\overset{\circ}{0}} \overset{\overset{\circ}{0}} \overset$$

$$= \frac{49x}{2} - \frac{7x^2}{12} - \frac{35x^3}{216}$$

$$= \frac{49'6}{2} - \frac{7'6^2}{12} - \frac{35'6^3}{216} - \frac{249'0}{2} - \frac{7'0^2}{12} - \frac{35'0^3\ddot{0}}{216\ \ddot{\varphi}} = 91$$